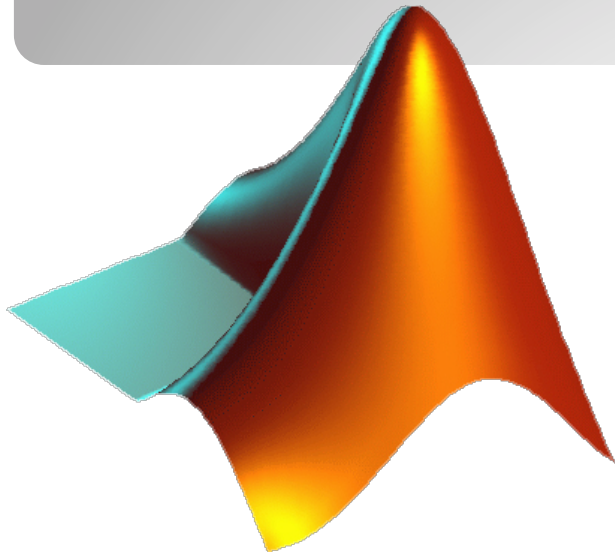


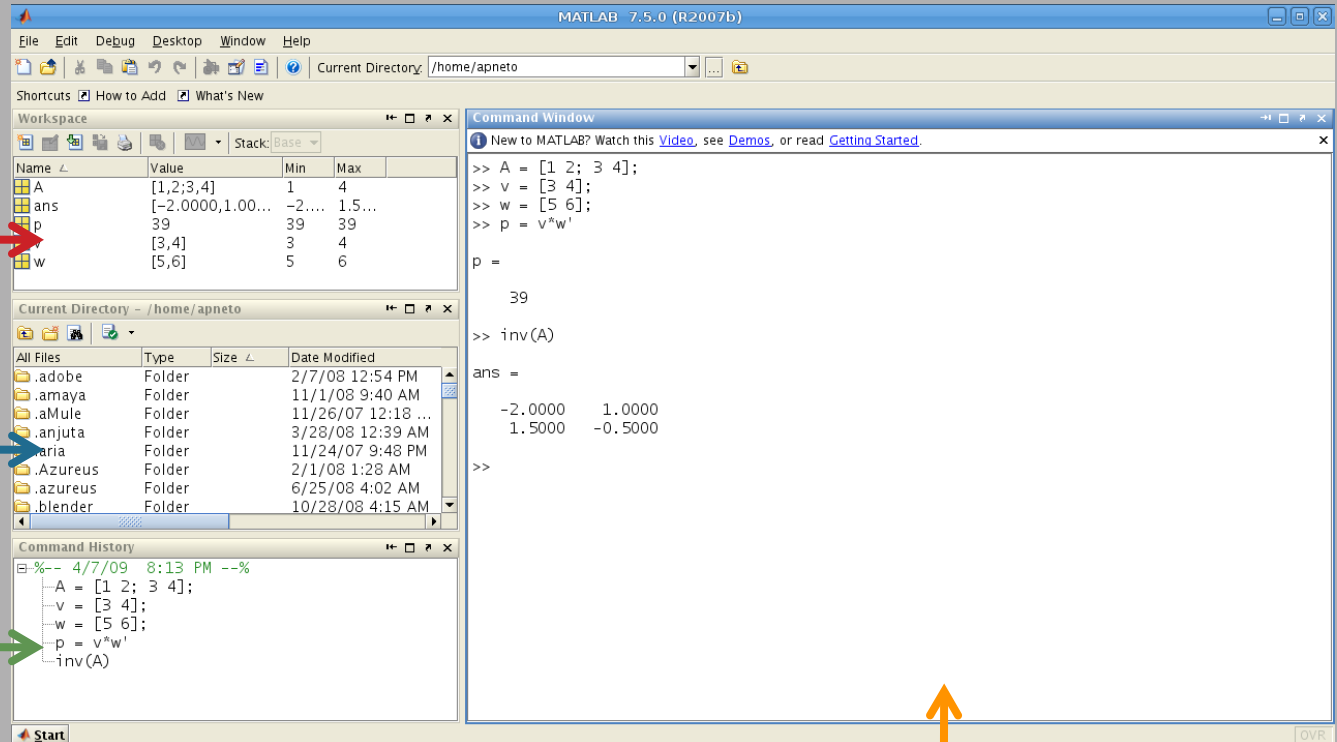
# Introdução ao MATLAB



**Afonso Paiva**  
**ICMC-USP**

- *MATrix LABORatory* é um software para computação científica
- resolve numericamente problemas matemáticos de forma rápida e eficiente
- possui uma família de pacotes específicos (*toolboxes*):
  - otimização
  - redes neurais
  - processamento de imagens
  - simulação de sistemas, etc.

**O que é o MATLAB?**



workspace

diretórios

histórico

janela de comandos

# Anatomia da interface

- existe somente um tipo de variável:
  - **matriz**
- o tipo matriz pode ser expresso como:
  - escalar: matriz  $1 \times 1$
  - vetor: matriz  $1 \times n$  ou  $n \times 1$
  - matriz propriamente: matriz  $m \times n$

**Variáveis no MATLAB**



- variáveis são alocadas na memória ao serem declaradas
- nomes de variáveis são sensíveis a letras maiúsculas e minúsculas
- vetores e matrizes devem ser declarados entre [ ]
- elementos de uma mesma linha numa matriz são separados por espaço(s) ou vírgula
- ponto-e-vírgula(;) indica o final de uma linha de uma matriz ou expressão

## Declaração de uma variável

- Vetor linha:

```
>> A = [1 2 3 4];
```

- Vetor coluna:

```
>> B = [1; 2; 3; 4]; % ou
```

```
>> B = A';
```

## Exemplos

- Matriz:

>> A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9]

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

- Matriz transposta:

>> B = A'

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 7 \\ 2 & 5 & 8 \\ 3 & 6 & 9 \end{bmatrix}$$

**Exemplos**

Símbolo	Operação
+	adição
-	subtração
*	multiplicação
/	divisão
^	potenciação

## Operadores matemáticos

```
>> A=[1 2; 3 4];  
>> B=[5 6; 7 8];
```

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{bmatrix}$$

```
>> C0 = A+B
```

```
C0 =  
 6 8  
10 12
```

```
>> C2 = A*B
```

```
C2 =  
19 22  
43 50
```

```
>> C1 = A-B
```

```
C1 =  
-4 -4  
-4 -4
```

```
>> C3 = A/B % = A*inv(B)
```

```
C3 =  
3.0000 -2.0000  
2.0000 -1.0000
```

## Exemplos

Símbolo	Operação
.*	multiplicação
./	divisão
.^	potenciação

**Operadores ponto-a-ponto**

```
>> A=[1 2; 3 4];  
>> B=[5 6; 7 8];
```

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{bmatrix}$$

```
>> C0 = A.*B
```

```
C0 =
```

```
5    12  
21   32
```

```
>> C2 = A.^B
```

```
C2 =
```

```
1     64  
2187  65536
```

```
>> C1 = A./B
```

```
C1 =
```

```
0.2000  0.3333  
0.4286  0.5000
```

```
>> C3 = A.^3
```

```
C3 =
```

```
1     8  
27   64
```

## Exemplos

- `v=[inicio:incremento:fim]`
- `v=[inicio:fim] % incremento=1`

ou

- `v=inicio:incremento:fim`
- `v=inicio:fim`

- Exemplo

```
>> A = 1:9
```

```
A =  
1 2 3 4 5 6 7 8 9
```

## Declaração de uma variável



```
>> v=[2:2:10]
```

```
    v =  
    2 4 6 8 10
```

```
>> x=1:100; % ou linspace(1,100)
```

```
>> M = [1:1:3; 4:1:6; 7:1:9]
```

```
    M =  
    1 2 3  
    4 5 6  
    7 8 9
```

## Exemplos

- acessando um elemento de uma matriz

$$A = [1 \quad 3 \quad 5 \quad 7]$$

>> A (3)

ans=

5

- referência deve ser sempre (linha, coluna)

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

>> B (2,3)

ans=

6

## Manipulação de matrizes

- é possível incluir matrizes em matrizes

```
>>A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9]; % A é uma matriz 3X3
```

```
>> a = [10 20 30];
```

```
>> A = [A;a] % A é uma matriz 4X3
```

A =

1 2 3

4 5 6

7 8 9

10 20 30

## Manipulação de matrizes

- podemos extrair uma linha da matriz

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

```
>> linha = A(2,:)
```

```
linha =
```

```
4 5 6
```

## Manipulação de matrizes

- e também acessar uma coluna da matriz

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

```
>> coluna = A(:,1)
```

```
coluna =
```

```
1  
4  
7
```

## Manipulação de matrizes

- podemos extrair submatrizes de uma matriz

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

```
>> B = A(1:2,2:3) % ou B = A([1 2],[2 3])
```

B =

```
 2  3  
 5  6
```

## Manipulação de matrizes

- podemos acessar diretamente elementos da diagonal

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

>>d =diag(A)

d =

1

5

9

## Manipulação de matrizes

```
>> A = [1 2 3;4 5 6;7 8 9]
```

```
>> L0 = tril(A)
```

```
>> L1 = tril(A, 1)
```

```
>> L2 = tril(A,-1)
```

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

$$L0 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 4 & 5 & 0 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

$$L1 = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

$$L2 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 4 & 0 & 0 \\ 7 & 8 & 0 \end{bmatrix}$$

**Matrices triangulares inferior**



```
>> A = [1 2 3;4 5 6;7 8 9]
```

```
>> U0 = triu(A)
```

```
>> U1 = triu(A, 1)
```

```
>> U2 = triu(A,-1)
```

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

$$U0 = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 5 & 6 \\ 0 & 0 & 9 \end{bmatrix}$$

$$U1 = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 6 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$U2 = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 0 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

**Matrices triangulares superior**

```
>> A = [1 2 3 4; 5 6 7 8]
```

```
A =
```

```
    1  2  3  4  
    5  6  7  8
```

```
>> s = size(A)
```

```
s =
```

```
    2  4
```

```
>> l = size(A,1)    % numero de linhas
```

```
l =
```

```
    2
```

```
>> c = size(A,2)    % numero de colunas
```

```
c =
```

```
    4
```

## Dimensão de vetores e matrizes

```
>> length(A) % retorna o numero de linhas ou de colunas
```

```
ans =
```

```
4
```

```
>> v= 1:7;
```

```
>> size(v) % número de colunas
```

```
ans =
```

```
1 7
```

```
>> length(v) % retorna o comprimento do vetor
```

```
ans =
```

```
7
```

## Dimensão de vetores e matrizes

Comando	Descrição
<code>det(A)</code>	calcula o determinante da matriz
<code>[V,D] = eig(A)</code>	determina os autovetores e autovalores de A
<code>inv(A)</code>	calcula a inversa da matriz
<code>rank(A)</code>	determina o posto linha ou coluna de A
<code>max(A)</code>	retorna um vetor com o máximo de cada coluna A
<code>min(A)</code>	retorna um vetor com o mínimo de cada coluna A
<code>norm(A,1)</code>	calcula a norma coluna
<code>norm(A, 'fro')</code>	calcula a norma de Frobenius
<code>norm(A,inf)</code>	calcula a norma linha

## Funções matriciais

```
>> A = [ 1 7 3; -6 2 1; 9 2 -2];
```

```
>> det(A)
```

```
ans =  
    -117
```

```
>> I = inv(A)
```

```
I =  
    0.0513  -0.1709  -0.0085  
    0.0256   0.2479   0.1624  
    0.2564  -0.5214  -0.3761
```

```
>> max(A)
```

```
ans =  
     9     7     3
```

```
>> norm(A,1)
```

```
ans =  
    16
```

```
>> norm(A,inf)
```

```
ans =  
    13
```

```
>> norm(A,'fro')
```

```
ans =  
   13.7477
```

# Exemplos

Comando	Descrição
<code>A = rand(m,n)</code>	gera matriz com elementos aleatórios
<code>A = eye(n)</code>	gera matriz identidade
<code>A = ones(m,n)</code>	gera matriz com todos elementos iguais a 1
<code>A = zeros(m,n)</code>	gera matriz com todos elementos iguais a 0

## Matrizes especiais

Função	Descrição
$\sin(x)$	seno
$\cos(x)$	cosseno
$\tan(x)$	tangente
$\text{asin}(x)$	arco-seno
$\text{acos}(x)$	arco-cosseno
$\text{atan}(x)$	arco-tangente
$\exp(x)$	exponencial
$\log(x)$	logaritmo natural
$\log_{10}(x)$	logaritmo na base 10

## Funções matemáticas elementares

Função	Descrição
$\text{abs}(x)$	valor absoluto
$\text{ceil}(x)$	arredondamento na direção de mais infinito
$\text{floor}(x)$	arredondamento na direção de menos infinito
$\text{round}(x)$	arredondamento para o inteiro mais próximo
$\text{sign}(x)$	função sinal
$\text{sqrt}(x)$	raiz quadrada
$\text{gcd}(x,y)$	máximo divisor comum dos inteiros $x$ e $y$
$\text{lcm}(x,y)$	mínimo múltiplo comum dos inteiros $x$ e $y$
$\text{rem}(x,y)$	resto da divisão de $x$ por $y$

## Funções matemáticas elementares



Variável	Valor
ans	variável padrão usada para resultados
pi	3.14159 26535...
eps	precisão de máquina
inf	infinito
NaN ou nan	<i>not a number</i>
realmin	menor número de ponto flutuante
realmax	maior número de ponto flutuante
i, j	unidade imaginária ( $i = j = \sqrt{-1}$ )

## Variáveis especiais

- Os dados e variáveis criados na janela de comandos são armazenados no que é chamado de *workspace*.

Comandos	Descrição
who ou whos	mostra os nomes das variáveis que estão no workspace
clear	apaga as variáveis do workspace
clc	limpa a tela de comando
help <i>comando</i>	fornece uma ajuda rápida sobre o comando

## ***Workspace* do MATLAB**

Comando	Exemplo	Observações
format short	50.833	5 dígitos
format long	50.83333333333334	16 dígitos
format short e	5.0833e+01	5 dígitos+expoente
format long e	5.083333333333334e+01	16 dígitos+expoente
format short g	50.833	melhor entre short - short e
format long g	50.83333333333333	melhor entre long - long e
format hex	40496aaaaaaaaaab	hexadecimal
format bank	50.83	2 dígitos decimais
format rat	305/6	aproximação racional

Para mudar o padrão de formato de números no MATLAB, basta ir em *File > Preferences*.

## Formatos de números

- Criando um número complexo

```
>> z = 3+2*i
```

```
z =
```

```
3.0000 + 2.0000i
```

- Parte real de z

```
>> real(z)
```

```
ans =
```

```
3
```

- Parte imaginária de z

```
>> imag(z)
```

```
ans =
```

```
2
```

# Números complexos

- Módulo de  $z$

```
>> abs(z)
```

```
ans =
```

```
3.6056
```

- Argumento de  $z$

```
>> angle(z)
```

```
ans =
```

```
0.5880
```

- Complejo conjugado

```
>> conj(z)
```

```
ans =
```

```
3.0000 - 2.0000i
```

# Números complejos

- Dado o sistema linear

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 366 \\ 804 \\ 351 \end{bmatrix}$$

$$A \cdot x = b$$

Como encontrar a solução  $x$  no MATLAB?

## Sistemas lineares

- Através do cálculo explícito da inversa de A:

$$x = A^{-1} \cdot b$$

```
>> A = [ 1 2 3; 4 5 6; 7 8 0];
```

```
>> det(A) %primeiro vamos ver se o sistema tem solução única
```

```
ans =
```

```
27
```

```
>> b = [366; 804; 351];
```

```
>> x = inv(A)*b
```

```
x =
```

```
25.0000
```

```
22.0000
```

```
99.0000
```

## Sistemas lineares

- Outra maneira é utilizar a *decomposição LU*, representada no MATLAB pelo operador de divisão à esquerda ( $\backslash$ ):

```
>> x = A\b
```

```
x =
```

```
25.0000
```

```
22.0000
```

```
99.0000
```

# Sistemas lineares



Calculando o tempo: **tic** e **toc**

```
>> A = rand(100);  
>> b = rand(100,1);  
>> tic, x = inv(A)*b; t1 = toc;  
>> tic, x = A\b; t2 = toc;
```

**Rotinas de tempo computacional**

- No MATLAB , um polinômio é representado por um vetor linha contendo seus coeficientes em ordem decrescente.

- Exemplo:  $x^4 - 12x^3 + 25x + 116$

```
>> p = [1 -12 0 25 116];
```

## Polinômios

- Cálculo das raízes de p:

```
>> r = roots(p)
```

```
r =
```

```
11.7473
```

```
2.7028
```

```
-1.2251 + 1.4672i
```

```
-1.2251 - 1.4672i
```

- Dadas as raízes, podemos construir o polinômio associado:

```
>> r=[-2;2];
```

```
>> pp = poly(r)
```

```
pp =
```

```
1 0 -4
```

# Polinômios

- Podemos derivar polinômio:

```
>> p=[1 -7 3 1];  
>> pd = polyder(p)  
pd =  
    3  -14  3
```

- Multiplicando p e pd:

```
>> conv(p,pd) % na divisão usa-se deconv(p,pd)  
ans =  
    3  -35  110  -60  -5  -3
```

# Polinômios

- Ajuste de curvas:

```
>> x=0:.1*pi:2*pi;
```

```
>> x = x';
```

```
>> y = sin(x);
```

```
>> p = polyfit(x,y,4) % aproxima o seno por um polinômio de grau 4
```

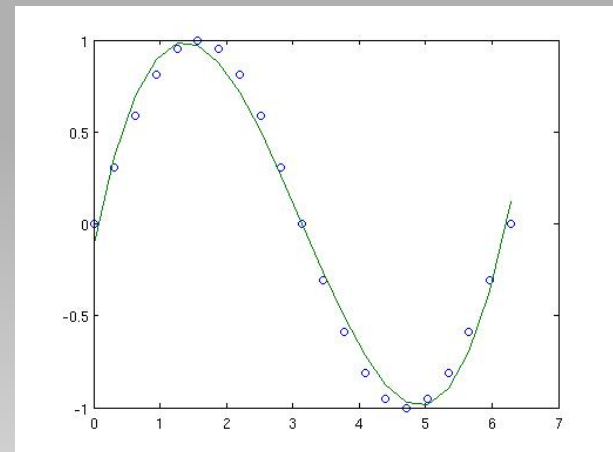
**p =**

**-0.0000 0.0886 -0.8347 1.7861 -0.1192**

- Avaliando o polinômio p:

```
>> f = polyval(p,x);
```

```
>> plot(x, y, 'o', x, f, '-');
```



# Polinômios

Símbolo	Operador
==	igual
!=	diferente
>	maior
<	menor
>=	maior ou igual
<=	menor ou igual

# Operadores relacionais

Símbolo	Operador
&&	E
	OU
&	E (escalar)
	OU (escalar)
~	Não
xor	OU exclusivo

# Operadores lógicos

```
>> 2 + 2 == 4
ans =
    1 % verdadeiro
```

```
>> 10 > 100
ans =
    0 % falso
```

```
>> A = [1 2; 3 4];
>> B = 2*ones(2);
>> A == B
ans =
    0 1
    0 0
```

```
>> C = [1 2 3; 4 5 6]
C =
    1 2 3
    4 5 6
```

```
>> C >= 4
ans =
    0 0 0
    1 1 1
```

# Exemplos



```
>>x = eye(2)
```

```
x =
```

```
1 0  
0 1
```

```
>>y = [1 1; 0 0]
```

```
y =
```

```
1 1  
0 0
```

```
>> x & y
```

```
ans =
```

```
1 0  
0 0
```

```
>> x | y
```

```
ans =
```

```
1 1  
0 1
```

```
>> xor(x,y)
```

```
ans =
```

```
0 1  
0 1
```

# Exemplos

- **save**: salva dados em arquivo (.mat)

```
>> a=1;
```

```
>> A= ones(5);
```

```
>> save meus_dados A a
```

- **load**: carrega dados de um arquivo

```
>> load meus_dados
```

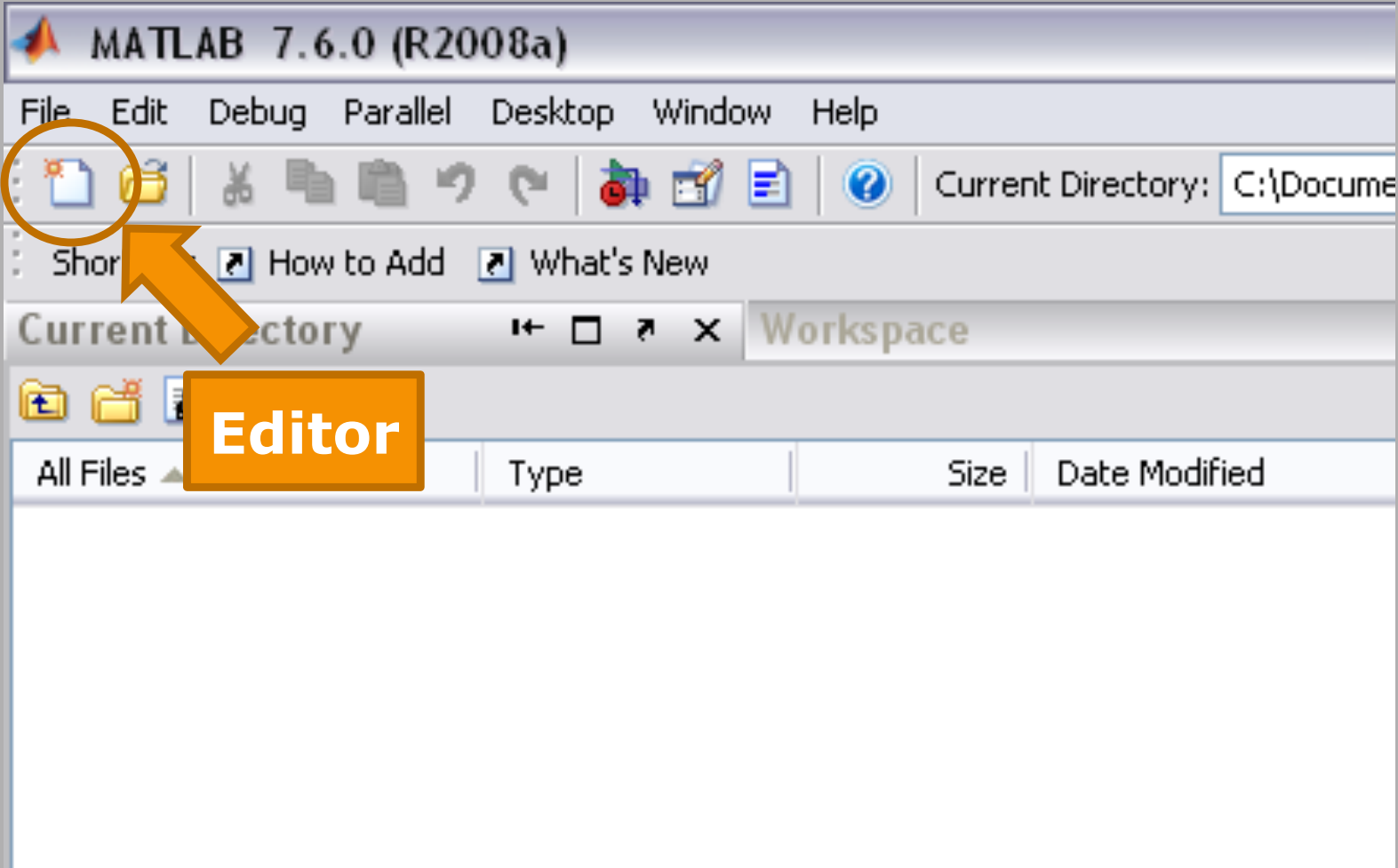
## Importando e Exportando Dados

- programas muito mais simples: escrita mais rápida e com menos erros
- versatilidade, mais fácil de adaptar a diferentes tipos de dados
- agiliza os comandos mais digitados
- é uma linguagem interpretada
- pode ser criada utilizando qualquer editor de texto
- possui interface com C/C++

## Programação em MATLAB

- podemos criar novas funções ou scripts
- MATLAB possui um editor próprio e um *debugger*
- comentários começam por %
- ao se criar uma função ou script ela deve ser definida no *path*

**Arquivos .m**



**Arquivos .m**

- **scripts** : executam os argumentos diretamente, automatizando uma série de comandos
- **função** : argumentos podem ser passados para a função, havendo uma manipulação de variáveis

```
function [res1,res2,...] = nome_da_função (arg1,arg2,...)  
    % comentário para help  
    lista de procedimentos da função
```

# Arquivos .m

## ATENÇÃO!!!

- Um script pode chamar uma função.
- Uma função pode chamar outra função.
- Para isso é necessário que os arquivos .m estejam no **mesmo diretório**.
- **Não** use “espaços” no nome da função, “\_” é uma boa opção.
- A função será salva em um arquivo e o nome do arquivo **deve ter o mesmo nome** dado à função 'nome\_func.m'.
- O script pode ter qualquer nome.
- **Evite usar** nomes de funções/scripts já existentes no MATLAB.

## Arquivos .m

- **if** : cria caminhos alternativo no programa

```
if ( condição1 )  
    instruções1  
elseif ( condição2 )  
    instruções2  
else  
    instruções3  
end
```

**Controladores de fluxo**



- Exemplo com `if`:

```
x=rand(1);  
y=rand(1);  
if (x < y)  
    disp('y eh maior do que x')  
else  
    disp('x eh maior do que y')  
end
```

**Controladores de fluxo**

- Mais um exemplo com `if`:

```
x=rand(1) ;
```

```
if ( ( x>=1 ) && ( x<=3 ) )
```

```
    disp('x estah entre 1 e 3')
```

```
end
```

**Controladores de fluxo**

- **for** : permite que um comando ou um grupo de comandos se repitam

```
for variável = expressão  
    instruções  
end
```

**Controladores de fluxo**

- Exemplo com **for**:

```
n=3;
```

```
A = zeros (n) ;
```

```
for i = 1:n
```

```
    A(i,i) = 2*i;
```

```
end
```

**Controladores de fluxo**

- Exemplo usando **if** e **for**

```
nrows = 10; % Alocando a matriz
ncols = 10;
myData = ones(nrows, ncols);

% Preencher a matriz
for r = 1:nrows
    for c = 1:ncols
        if r == c
            myData(r,c) = 2;
        elseif abs(r - c) == 1
            myData(r,c) = -1;
        else
            myData(r,c) = 0;
        end
    end
end

myData % Ver a matriz
```

# Controladores de fluxo

- **while** : permite que um ou mais comandos sejam repetidos enquanto a expressão de controle for verdadeira

```
while ( condição )  
    instruções  
end
```

**Controladores de fluxo**

- Exemplo com `while`:

```
i=0;
```

```
while ( sqrt(i) < 5 )
```

```
    i = i+1
```

```
end
```

**Controladores de fluxo**

- **switch** : Permite ramificar alguns casos especiais de modo mais claro do que o *if*

```
switch ( expressão do switch )  
  case expressão caso_1  
    instruções  
  case expressão caso_2  
    instruções  
  case expressão caso_n  
    instruções  
  otherwise % opcional  
    instruções  
end
```

## Controladores de fluxo



- **input** – recebe dados através do teclado, que podem ser ou não armazenados em uma variável
- **break** – encerra um laço mais interno controlado pelo comando for
- **pause** – pára a execução do programa até que uma nova tecla seja pressionada

## **Funções auxiliares no controle de fluxo**

- Exemplo com `switch`

```
meu_numero = input('Enter a number:');
```

```
switch meu_numero
    case -1
        disp('negative one');
    case 0
        disp('zero');
    case 1
        disp('positive one');
    otherwise
        disp('other value');
end
```

## Controladores de fluxo

- Exemplo de hipotenusa.m:

```
% Calcula a hipotenusa de um triangulo retângulo
```

```
clc
```

```
c1=input('Cateto 1 = ');
```

```
c2=input('Cateto 2 = ');
```

```
hipotenusa = sqrt( c1^2 + c2^2)
```

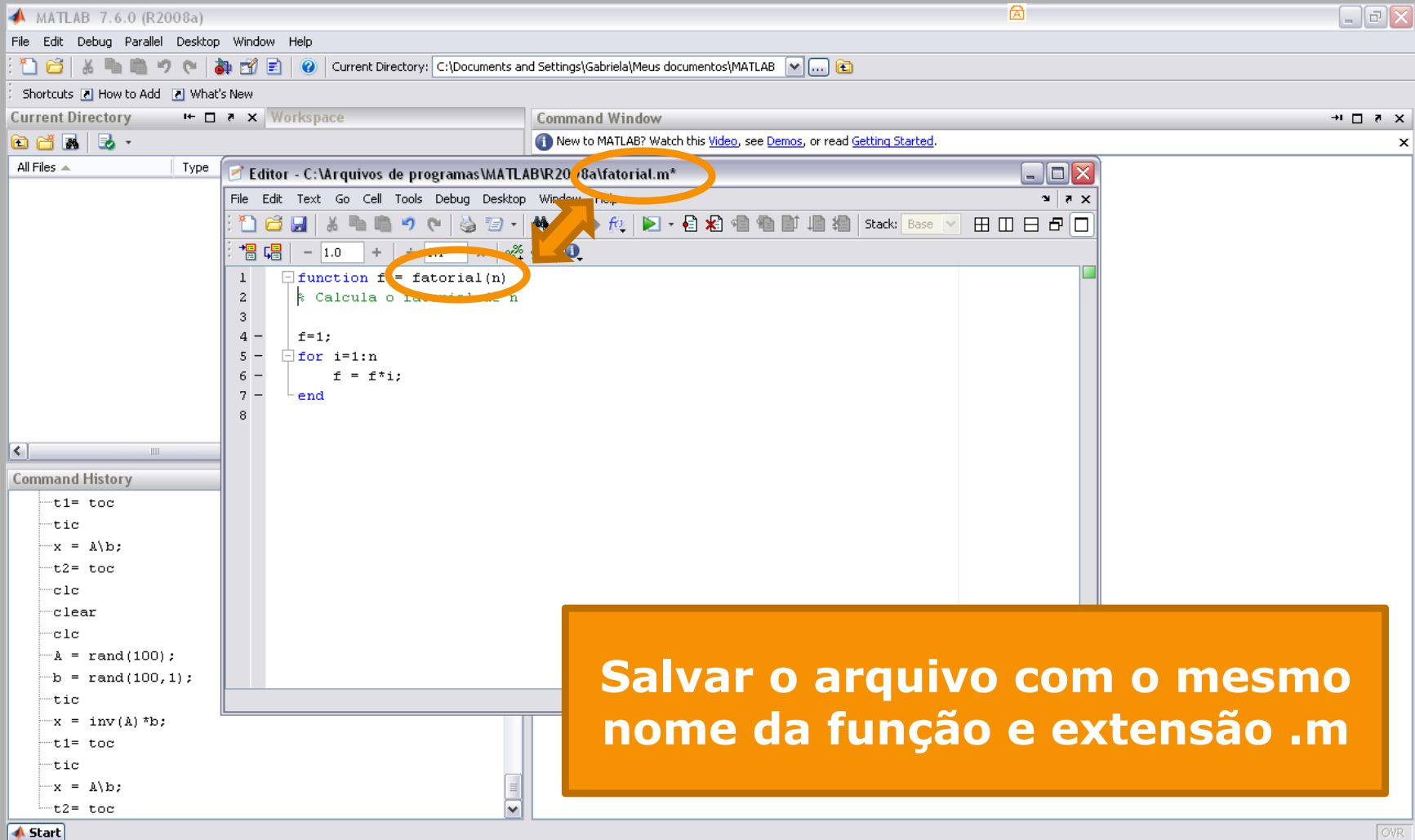
# Scripts

- Exemplo de fatorial.m:

```
function f = fatorial(n)
% Calcula o fatorial de n

f=1;
  for i=1:n
    f = f*i;
  end
```

# Funções



**Salvar o arquivo com o mesmo nome da função e extensão .m**

# Funções

- Defina duas funções em um arquivo chamado stat2.m, onde a primeira função chama a segunda.

```
function [m,s] = stat2(x)
n = length(x);
m = media(x,n);
s = sqrt(sum((x-m).^2/n));
end
```

```
function m = media(x,n)
m = sum(x)/n;
end
```

- Função media é uma função local.

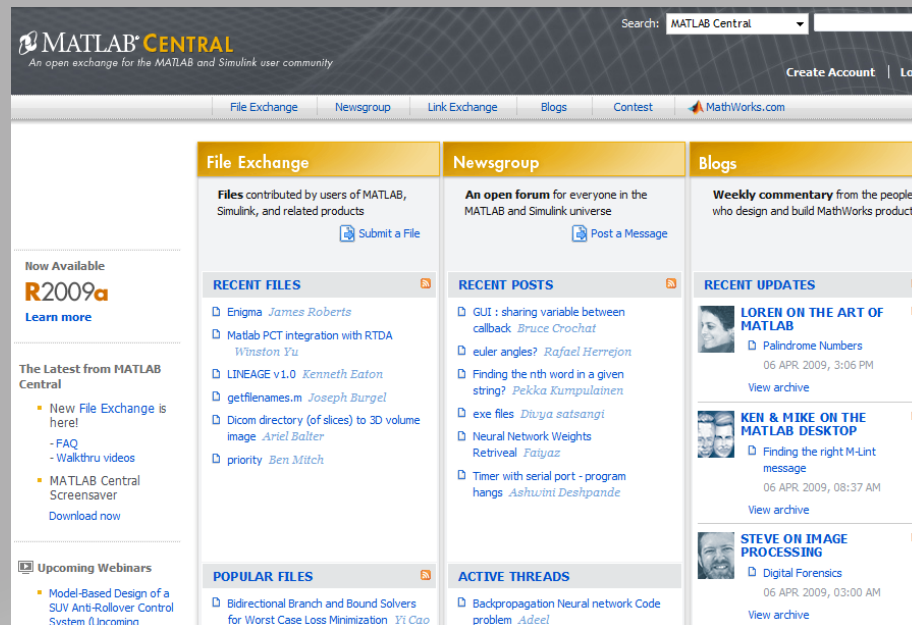
```
>> values = [12.7, 45.4, 98.9, 26.6, 53.1];
>> [media,desvio_padrao] = stat2(values)
```

```
media = 47.3400
desvio_padrao = 29.4124
```

# Funções

- MATLAB Central

<http://www.mathworks.com/matlabcentral>



Repositório de arquivos .m

- existem muitas funções para gerar gráficos 2D e 3D
- os gráficos podem ser armazenados em arquivos, coloridos ou em preto e branco

**Gráficos no MATLAB**

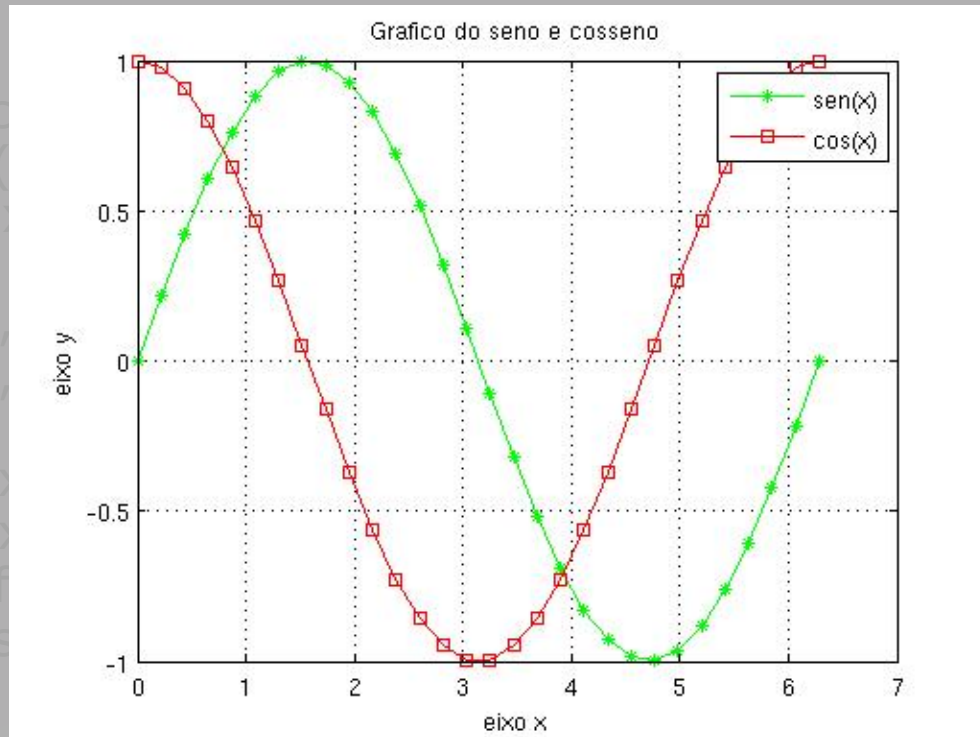


- Pode-se desenhar gráficos simples como  $y = f(x)$

```
>> x=linspace(0,2*pi,30);  
>> y1 = cos(x);  
>> y2 = sin(x);  
>> hold on  
>> plot(x,y1, 'r-s');  
>> plot(x,y2, 'g-*');  
>> grid  
>> xlabel('eixo x'); % legenda no eixo horizontal  
>> ylabel('eixo y'); % legenda no eixo vertical  
>> title('Grafico do seno e do cosseno'); % título do gráfico  
>> legend ('sen(x) ', 'cos(x) '); % legenda  
>> hold off
```

## Gráficos 2D

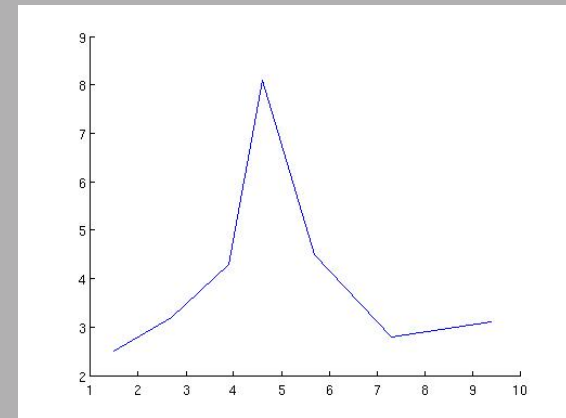
- Pode-se desenhar gráficos simples como  $y = f(x)$



## Gráficos 2D

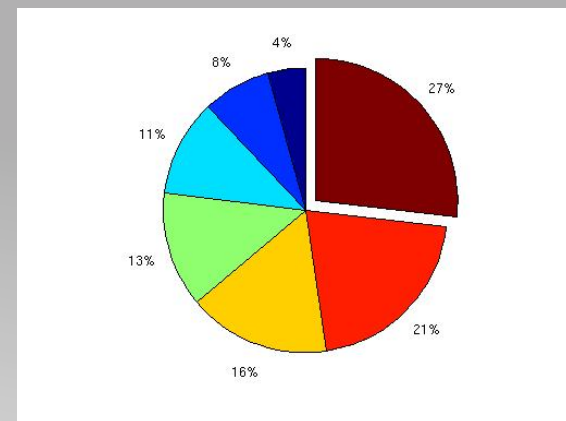
- Dados os vetores  $x$  e  $y$ , o gráfico pode ser construído ligando-se os pontos  $(x(i),y(i))$ :

```
>> x = [1.5 2.7 3.9 4.6 5.7 7.3 9.4];  
>> y = [2.5 3.2 4.3 8.1 4.5 2.8 3.1];  
>> plot(x,y);  
>> box off % retira a caixa do gráfico
```











- Gráfico de torta

```
>> pie(x,x==max(x));
```



# Gráficos 2D

Símbolo	Cor
r	vermelho 
g	verde 
b	azul 
c	ciano 
m	magenta 
y	amarelo 
k	preto 
w	branco 

## Características dos gráficos

Símbolo	Marcador
.	ponto
o	círculo
x	x
+	+
*	estrela
s	quadrado
d	losango
^	triângulo
p	pentagrama
h	hexagrama

## Características dos gráficos

Símbolo	Tipo de linha
-	linha contínua
:	linha pontilhada
-.	traços e pontos
--	linha tracejada

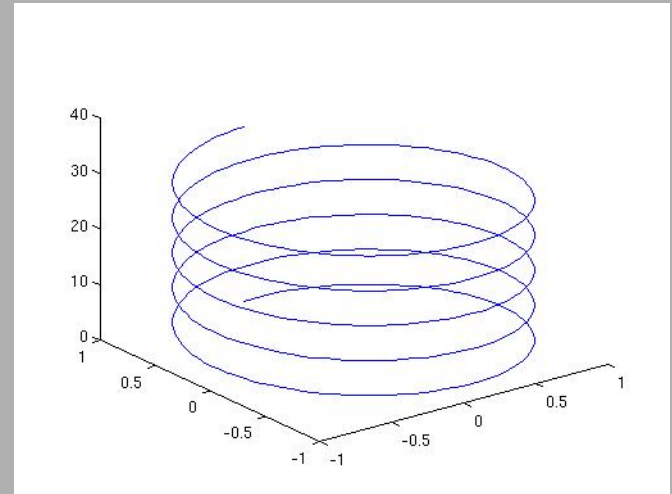
## Características dos gráficos

Comando	Descrição
plot3	curvas 3d
surf, surfc, surf1	superfícies 3d
mesh, meshc, meshz	linhas em perspectiva 3d
contour	curvas de níveis

## Gráficos 3D

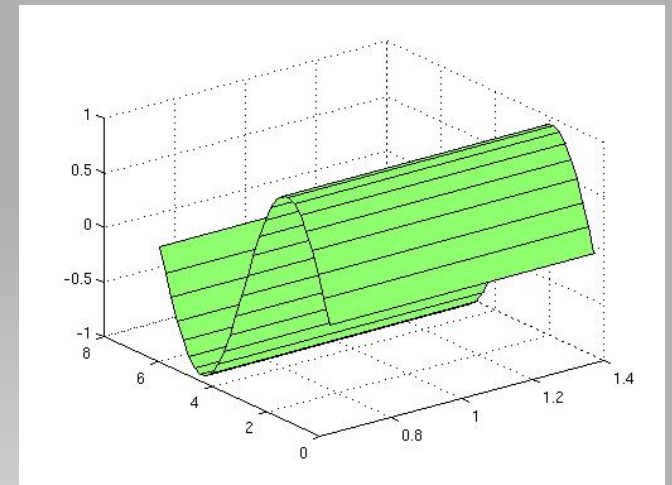
- Curvas no espaço

```
>> t = 0:pi/50:10*pi;  
>> plot3(sin(t),cos(t),t)
```



- Faixas no espaço

```
>> x=linspace(0,2*pi,30);  
>> ribbon(x,sin(x))
```

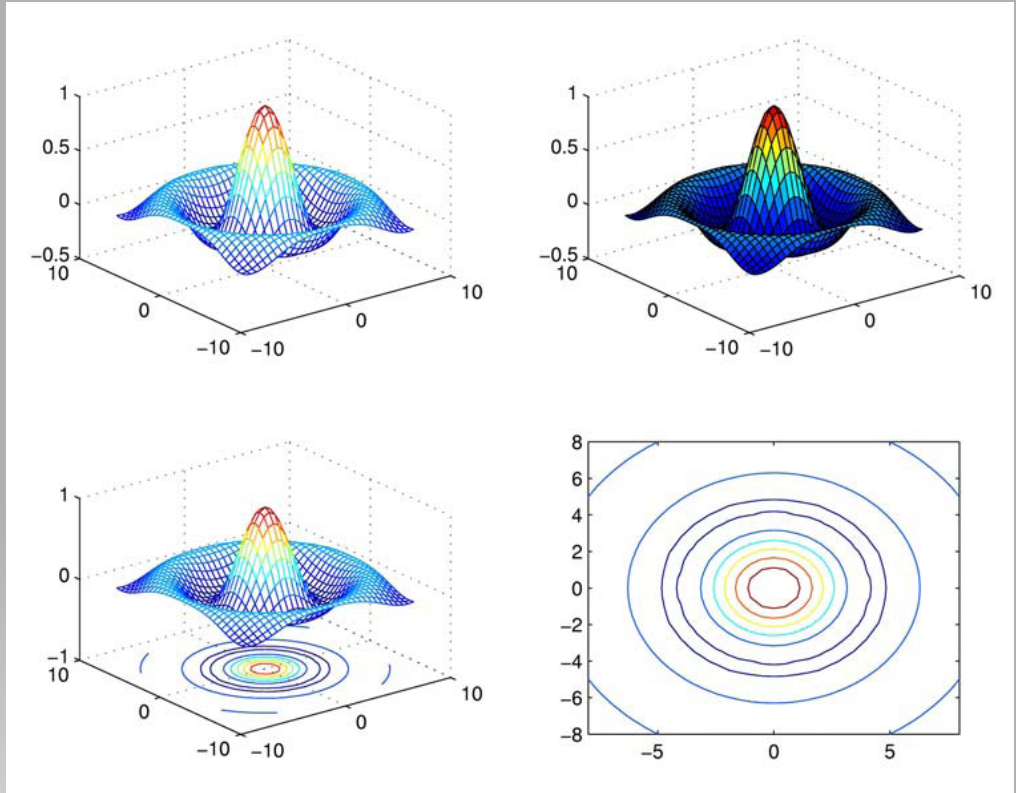


# Gráficos 3D



## • Superficies

```
>> [X,Y] =meshgrid(-8:0.5:8,-8:0.5:8);  
>> r =sqrt(X.^2+Y.^2)+eps;  
>> Z = sin(r)./r;  
>> subplot(221)  
>> mesh(X,Y,Z);  
>> subplot(222)  
>> surf(X,Y,Z);  
>> subplot(223)  
>> hold on  
>> mesh(X,Y,Z);  
>> meshc(X,Y,Z)  
>> hold off  
>> subplot(224)  
>> contour(X,Y,Z)
```



# Gráficos 3D

- Considere a função

$$f(x) = (x - 1)^7$$

e sua expansão:

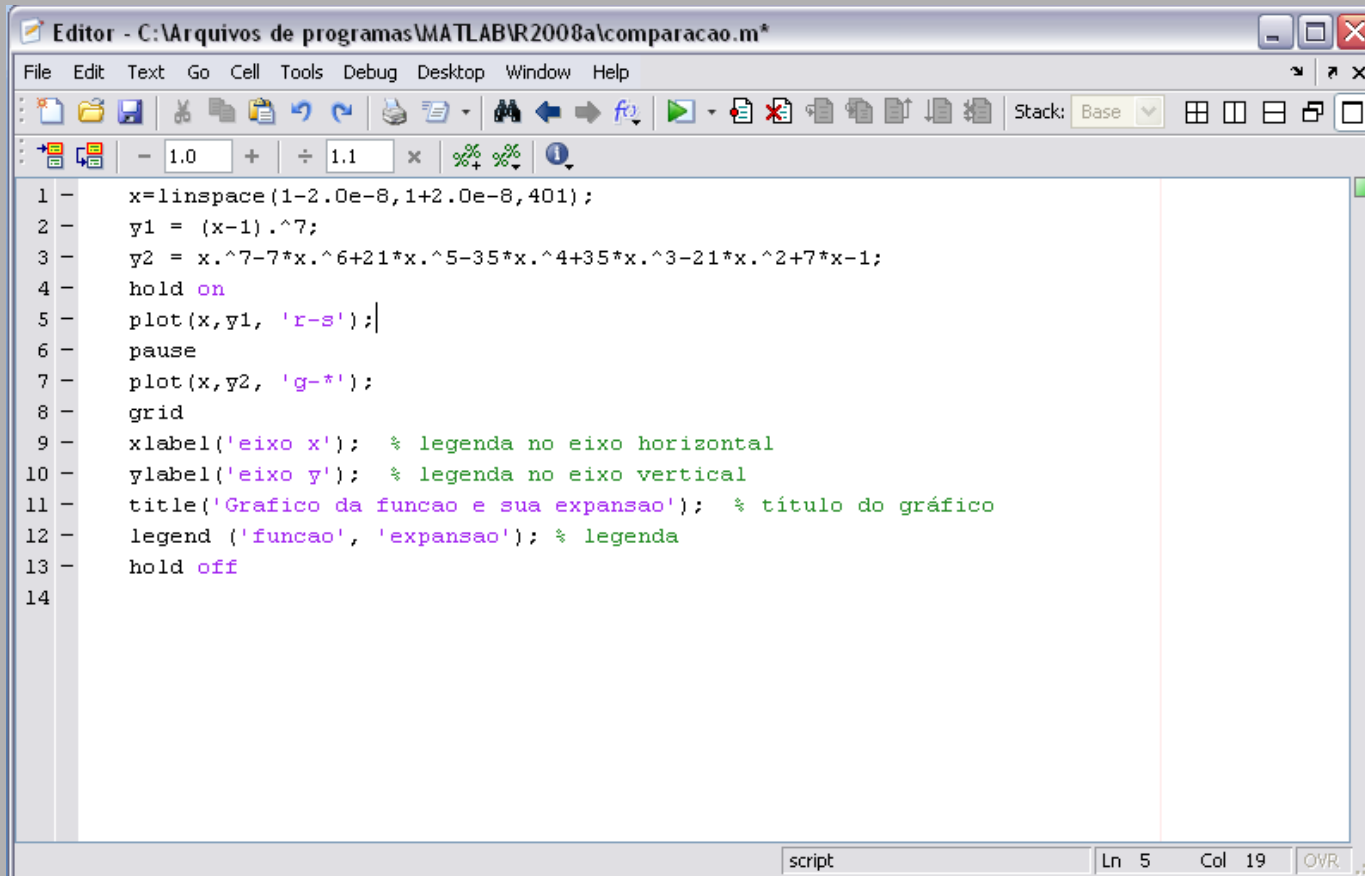
$$f(x) = x^7 - 7x^6 + 21x^5 - 35x^4 + 35x^3 - 21x^2 + 7x - 1$$

- Avalie estas funções em *401* pontos equidistantes no intervalo:

$$I = [1 - 2.0 \times 10^{-8}, 1 - 2.0 \times 10^{-8}]$$

- O que ocorre ao plotar os gráficos?

**Erros de arredondamento**

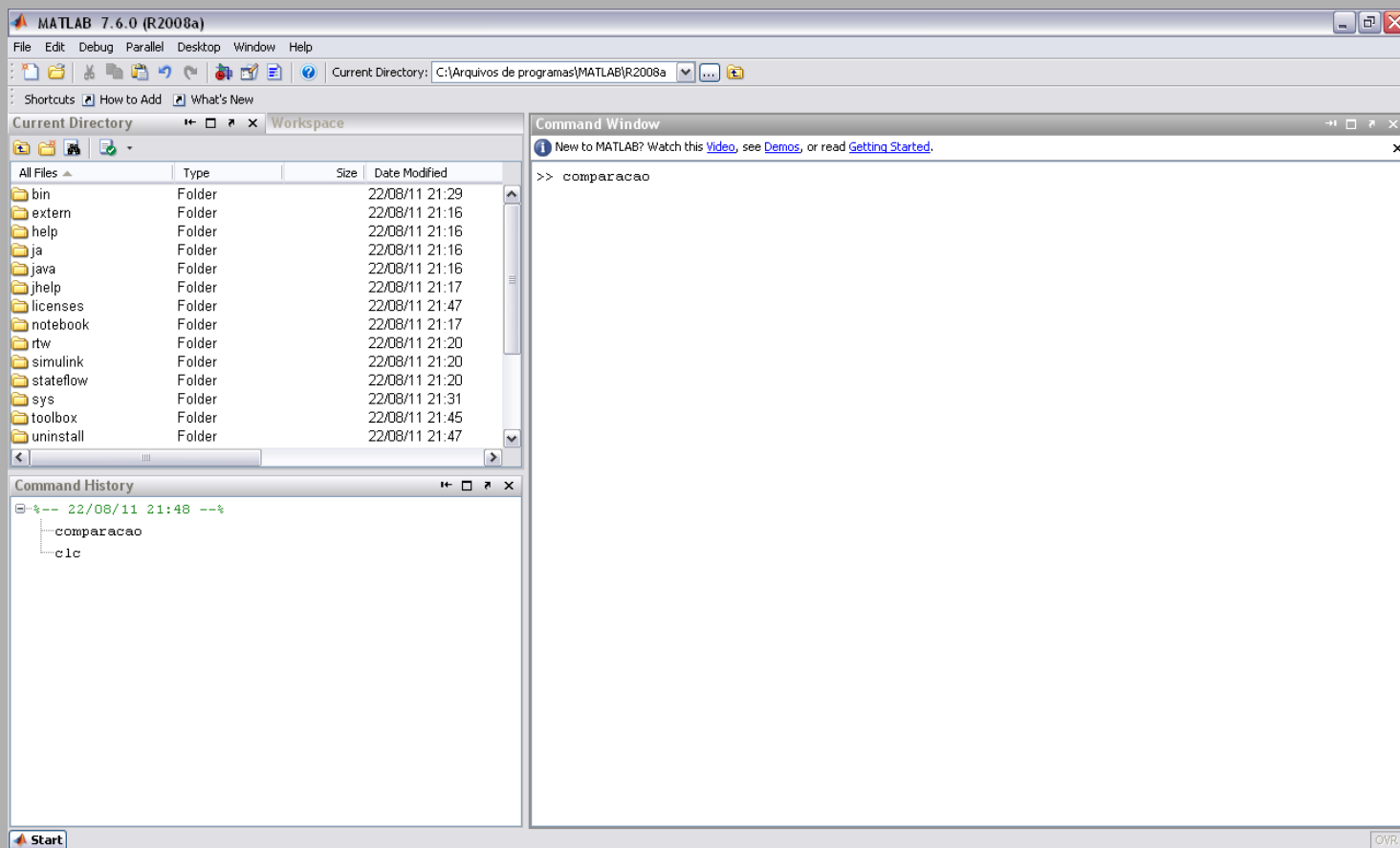


The image shows a MATLAB editor window titled "Editor - C:\Arquivos de programas\MATLAB\R2008a\comparacao.m\*". The window contains a script with the following code:

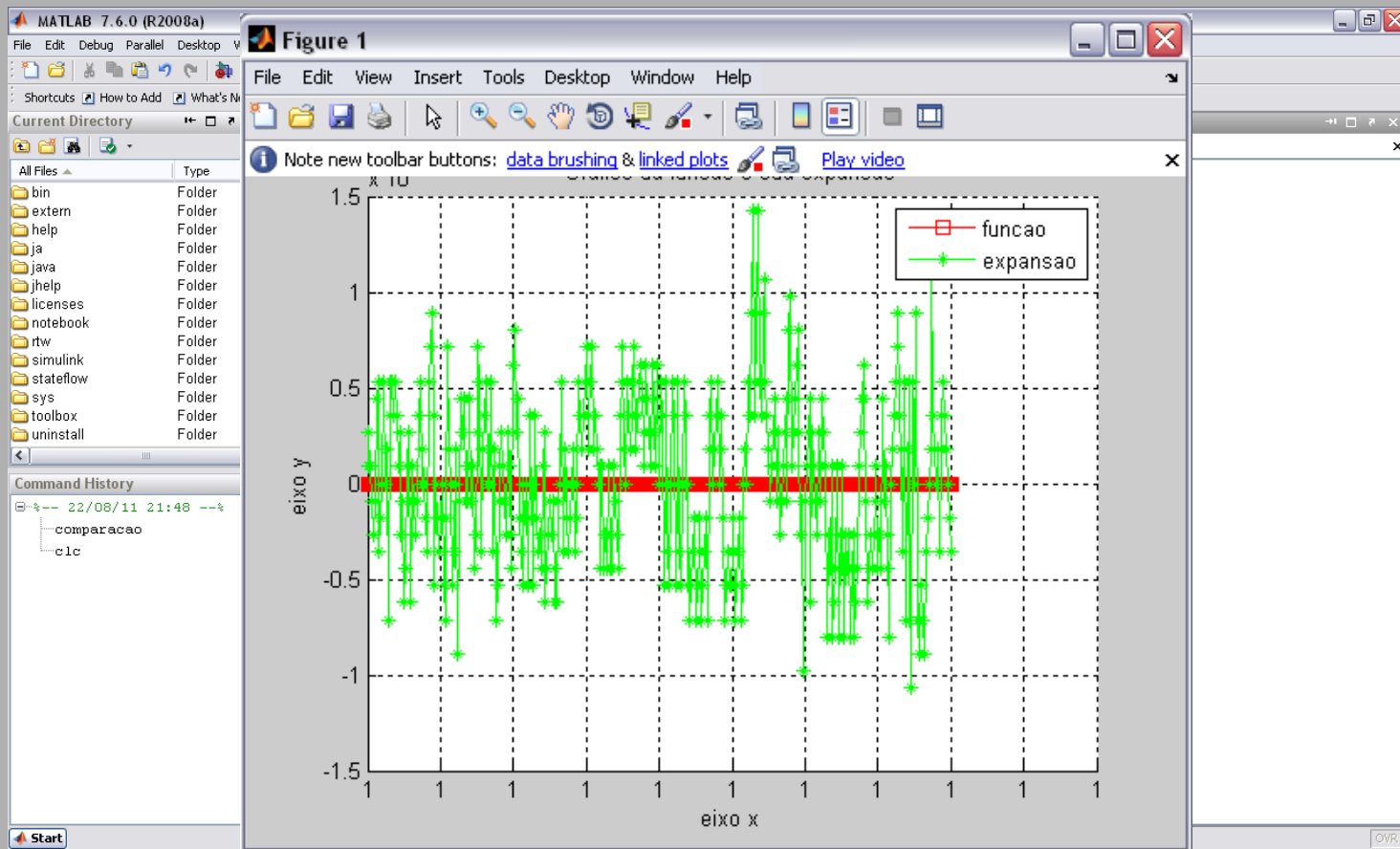
```
1 - x=linspace(1-2.0e-8,1+2.0e-8,401);
2 - y1 = (x-1).^7;
3 - y2 = x.^7-7*x.^6+21*x.^5-35*x.^4+35*x.^3-21*x.^2+7*x-1;
4 - hold on
5 - plot(x,y1, 'r-s');|
6 - pause
7 - plot(x,y2, 'g-*');
8 - grid
9 - xlabel('eixo x'); % legenda no eixo horizontal
10 - ylabel('eixo y'); % legenda no eixo vertical
11 - title('Grafico da funcao e sua expansao'); % titulo do gráfico
12 - legend ('funcao', 'expansao'); % legenda
13 - hold off
14
```

The script defines a range of x values from  $1 - 2.0 \times 10^{-8}$  to  $1 + 2.0 \times 10^{-8}$  with 401 points. It then plots two functions:  $y_1 = (x-1)^7$  (red solid line) and  $y_2 = x^7 - 7x^6 + 21x^5 - 35x^4 + 35x^3 - 21x^2 + 7x - 1$  (green dashed line). The plot is titled "Grafico da funcao e sua expansao" and includes axis labels and a legend. The error occurs at line 5, where the plot function is called with a solid line style for the red series, which is inconsistent with the legend and the intended expansion plot.

# Erros de arredondamento



# Erros de arredondamento



**Erros de arredondamento**

- <http://www.mathworks.com/access/helpdesk/help/techdoc/ref/ref.shtml>
- <http://www.mathworks.com/access/helpdesk/help/techdoc/matlab.shtml>

**Help MATLAB on-line**