## Representação, arredondamento, Octave

Lembremos que  $F(\beta,t,m,M)$  é o conjunto de números da forma:

$$\bar{x} = \pm (0.d_1 d_2 \dots d_t)_{\beta} \times \beta^e$$

em que  $\beta$  é a base, t é o número de digitos significativos na mantissa  $0.d_1d_2\dots d_t,\ 1\leq d_1\leq \beta-1,\ 0\leq d_i\leq \beta-1$  para  $i=2,\dots,t$  e finalmente o número enteiro  $e\in [m,M]$  é o expoente.

1. (3,5 pontos) Diga qual é o menor elemento de F(2,10,-20,20) que é maior ou igual que x=77,66. Compreende-se que x está escrito em base 10. O resultado é pedido em dois formatos:

Escrever a mantissa  $d_1 \dots d_t$  e o expoente e:

Em base 10:

- 2. (2 pontos) Qual é o maior número representável no sistema do item anterior? (escreva ele em base 10)
- 3. (2 pontos) Considere a função f(x) = 1/x, da qual está sendo calculada a derivada com a aproximação

$$f'(x) \simeq \frac{f(x+\delta) - f(x)}{\delta}$$
.

Para quais valores de x and  $\delta$  (ambos positivos) se espera que esse cálculo tenha maior erro relativo por arredondamento?

- (a) Quando x e  $\delta$  são pequenos.
- (b) Quando x e  $\delta$  são grandes.
- (c) Quando x é grande e  $\delta$  é pequeno.
- (d) Quando x é pequeno e  $\delta$  é grande.
- (e) Nenhuma das anteriores.
- 4. (3,5 pontos) Num ponto  $x \in \mathbb{R}^3$  incide um raio de luz provindo do ponto  $y \in \mathbb{R}^3$ . Sabendo que o ponto x está sobre uma superfície cuja normal unitária em x é o vetor nnn, escrever um programa em Octave que devolva um vetor unitário refl na direção do raio de luz refletido. Programas breves serão preferidos. Considerar os vetores matrizes coluna  $3 \times 1$ .